



یادخدا آرایش و راهات

وزارت بهداشت، درمان و آموزش پزشکی

معاونت آموزشی

دیرخانه شورای آموزش علوم پایه پزشکی، بهداشت و تخصصی

مرکز سنجش آموزش پزشکی

سوالات آزمون ورودی دکتری تخصصی (Ph.D)

سال تحصیلی ۹۲-۹۳

رشته: آمار زیستی

تعداد سوالات:	۱۰۰
زمان:	۱۵۰ دقیقه
تعداد صفحات:	۱۶

مشخصات داوطلب

نام:

نام خانوادگی:

داوطلب عزیز

لطفا قبل از شروع پاسخگویی،

دفترچه سوالات را از نظر تعداد صفحات به دقت مورد بررسی قرار داده
و در صورت وجود هرگونه اشکال به مسئولین جلسه اطلاع دهید.

توجه: استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

مشاوره رایگان

جزوه و کتب درسی

آزمون های کشوری

کالس آنلاین

- ۱- فرض کنید X_1, X_2, \dots, X_n نمونه‌ای تصادفی از توزیع یکنواخت $(0, 1)$ است دنباله میانگین هندسی این نمونه یعنی $G_n(X_1, X_2, \dots, X_n)^{\frac{1}{n}}$ در احتمال به کدام یک از مقادیر زیر همگراست؟
- د) ۱ ج) e^{-1} ب) e^1 ۰) \circ
- ۲- فرض کنید X_1, X_2, \dots, X_n نمونه‌ای تصادفی از توزیع یکنواخت $(0, 1)$ و اگر $X_{(1)} = \min(X_1, \dots, X_n)$ باشد توزیع حدی $nX_{(1)}$ کدام است؟
- الف) $\Gamma(2, 1)$
ب) $N(0, 1)$
ج) تباہیده در نقطه صفر است
د) نمائی منفی با پارامتر ۱
- ۳- اگر X دارای توزیع t با n درجه آزادی باشد توزیع $\frac{1}{X^2}$ کدام است؟
- الف) t با n درجه آزادی
ب) t با n درجه آزادی
ج) F با ۱ و n درجه آزادی
د) F با n و ۱ درجه آزادی
- ۴- یک سکه را چند بار پرتتاب کنیم تا حداقل $(\bar{X} < 0.4 < p)$ برابر ۹٪ باشد؟
- ۵۰۰ ۲۲۵ ۱۰۰ ۲۵۰ الف) ۲۵۰
- ۵- فرض کنید متغیر تصادفی X دارای توزیع نرمال با میانگین μ و واریانس σ^2 باشد بر اساس یک نمونه تصادفی n تایی اگر $\sum_{i=1}^n (X_i - \mu)^2$ باشد آنگاه واریانس Y برابر است با:
- ۵) $2n\sigma^2$ ۲) $2n\sigma^2$ ب) $\frac{2\sigma^2}{n}$ الف) $\frac{2\sigma^2}{n}$
- ۶- فرض کنید \bar{X}_1 و \bar{X}_2 میانگین دو نمونه تصادفی مستقل به اندازه n از جامعه‌ای با واریانس σ^2 باشند. n چقدر باشد که احتمال اختلاف بیش از σ بین میانگین‌های دو نمونه حدود ۱٪ باشد؟
- ۱۰۰ ۲۵۰ ۲۰۰ ۵۰ الف) ۵۰
- ۷- فرض کنید X یک متغیر تصادفی پیوسته با تابع چگالی f و تابع توزیع F باشد. مقدار $E(e^{F(x)})$ کدام است؟
- ۱- e ۱- e ب) $e^{\frac{1}{2}}$ الف) $\frac{1}{2}$

$$T = \frac{X}{X+Y}$$

کدام اندیشه باشد. تابع چگالی متغیر تصادفی

$$f(x,y) = \begin{cases} e^{-(x+y)} & x > 0 \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases}$$

$$\frac{t}{2}$$

(د)

(ج)

(ب)

(الف)

۹ - اگر X_1, \dots, X_n نمونه‌ای تصادفی از توزیع $N(\mu, \sigma^2)$ باشند. $UMVUE$ پارامتر $S = \frac{\sum_{i=1}^n x_i^r}{n-1}$ و $T = \bar{X}$ باشد.

$$2\bar{X} - 2\mu - 5\sigma^2$$

$$2T - \frac{5}{n-1}(S - nT^r)$$

$$2T - \frac{5}{n}(S - nT^r)$$

$$2T - 5(S - \frac{n}{n-1}T^r)$$

$$2T - 5n(S - nT^r)$$

۱۰ - اگر $f(x|\theta) = \frac{1}{\theta} e^{-\frac{x}{\theta}}$ باشد. دو نمونه تصادفی از این توزیع را که فقط x_1 مشاهده شده است در نظر بگیرید و می‌دانیم $x_1 > k$ برآورد حداقل درستنمایی θ کدام است؟

$$k$$

(د)

(ج)

(ب)

$$\frac{x_1 + k}{2}$$

۱۱ - اگر Y_1, \dots, Y_n متغیرهای تصادفی مستقل $N(\beta x_i, \sigma^2)$ باشد MLE پارامتر β کدام است؟

$$\frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i}{\sum_{i=1}^n x_i^r}$$

$$\frac{\sum_{i=1}^n x_i y_i^r}{\sum_{i=1}^n x_i^r}$$

$$\frac{\sum_{i=1}^n x_i^r y_i}{\sum_{i=1}^n x_i^r}$$

$$\frac{(\sum_{i=1}^n x_i y_i)^r}{\sum_{i=1}^n x_i^r}$$

۱۲ - اگر X_1, \dots, X_n یک نمونه تصادفی باشد کدام است؟

$$\frac{(n-T)^r}{n^r}$$

$$\frac{n-T^r}{n^r}$$

$$\frac{T^r}{n^r}$$

$$\frac{T^r - n}{n^r}$$

۱۳ - اگر X_1, X_2, \dots, X_n نمونه‌ای تصادفی از توزیع برنولی با پارامتر P باشد و آماره‌های ترتیبی این نمونه تصادفی باشند آنگاه $Var(X_{(1)}, X_{(2)}, \dots, X_{(n)})$ کدام است؟

$$P^n + (1-P)^n$$

$$P^n(1-P^{rn})$$

$$P^n(1-P^n)$$

$$(ب)$$

$$P^n(1-P)^n$$



- جامعه به حجم N داشته و نمونه‌ای تصادفی به حجم n انتخاب نموده و آن را S بنامیم و یا شعر من خصی
ار جامعه باشد $P(U \in S)$ کدام است؟

(د) $1 - (1 - \frac{1}{N})^n$

(ج) $(1 - \frac{1}{N})^n$

(ب) $\frac{1}{N}$

(الف) $\frac{n}{N}$

۱۵ - تابع مولد گشتاور X برابر $(\frac{1}{4} + \frac{3}{4}e^t)^{-1}$ و تابع مولد گشتاور Y برابر است با:
اگر X, Y مستقل باشند مقدار $E[XY]$ عبارتست از:

(د) ۲۵

(ج) ۱۰

(ب) ۱۵

(الف) ۵

۱۶ - اگر میانگین یک نمونه تصادفی ۱۶ تایی از یک چگالی به صورت $f(x) = \frac{1}{\sqrt{32\pi}} \exp\left\{-\frac{1}{32}(x-\mu)^2\right\}$ برابر ۲۰ باشد، یک فاصله اطمینان ۹۰ درصدی برای μ تقریباً عبارتست از:

(د) (۱۹/۰۴, ۲۰/۰۴)

(ج) (۱۸/۹۶, ۲۱/۹۶)

(ب) (۱۹/۳۵, ۲۰/۳۵)

(الف) (۱۹/۶۵, ۲۰/۶۵)

۱۷ - اگر X یک متغیر تصادفی گستته با دامنه اعداد طبیعی باشد، امید ریاضی X عبارتست از:

(د) $1 - \sum_{n=1}^{\infty} F_X(n)$

(ج) $\sum_{n=1}^{\infty} (1 - F_X(n))$

(ب) $n - \sum_{n=1}^{\infty} F_X(n)$

(الف) $\sum_{n=1}^{\infty} F_X(n)$

۱۸ - نمونه تصادفی X_1, X_2, X_3 از متغیر تصادفی X با میانگین μ و واریانس ۳ می‌باشد. اگر $U = \bar{X}$ و $V = \frac{1}{2}\bar{X} + \frac{1}{3}X_1$ باشد، کارایی V نسبت به U عبارتست از:

(د) $\frac{7}{12}$

(ج) $\frac{7}{3}$

(ب) $\frac{12}{7}$

(الف) $\frac{3}{7}$

۱۹ - اگر $M_X(t) = \ln(M_X(t))$ باشد، آنگاه مشتق دوم تابع U نسبت به t در نقطه صفر عبارتست از:

(د) انحراف معیار X

(ج) واریانس X

(ب) انحراف معیار X

(الف) میانگین X

۲۰ - اگر X_1, X_2 متغیرهای تصادفی مستقل با توزیع یکسان $f(x) = \lambda e^{-\lambda x}$ ($x > 0, \lambda > 0$) باشند احتمال

$P(\min(X_1, X_2) \leq a) + P(\max(X_1, X_2) \leq a)$ برابر است با:

(د) $1 - e^{-\lambda a}$

(ج) $1 - e^{-2\lambda a}$

(ب) $2(1 - e^{-\lambda a})$

(الف) $2(1 - e^{-2\lambda a})$

روش‌های آمار زیستی

۲۱ - در طرح اندازه‌گیری‌های تکراری تک عاملی با مدل $y_{ij} = \mu_m + \rho_i + \tau_j + \varepsilon_{ij}$ امید ریاضی میانگین مربعات تیمار $E(MS_r)$ کدام است؟ (r تعداد سطوح تیمار و s تعداد افراد در هر گروه است).

(د) $\sigma^2 + s \frac{\sum \tau_j^2}{r-1}$

(ج) $\sigma^2 + r \frac{\sum \tau_j^2}{s-1}$

(ب) $\sigma^2 + s \sigma_\rho^2$

(الف) $\sigma^2 + rs \sigma_\rho^2$



باشد، برای انجام آزمون تعییبی $\binom{k}{2}$ گروه مستقل، کمتر از

(Post-Hoc)، کدام آزمون مناسب تر می باشد؟

د) دانکن

ج) بونفرونی

ب) شفه

الف) توکی

۲۳ - در تحلیل واریانس یک طرفه بین چهار گروه با تکرار ۱۰ مجموع مربعات خطای $SSE = ۷۲$ به دست آمده است.

$$\text{برآورد واریانس برآورده} = \frac{3}{4}(\mu_1 - \mu_2)^2 + \frac{1}{4}(\mu_3 - \mu_4)^2$$

د) ۱/۲۵

ج) ۰/۲۵

ب) ۲/۵

الف) ۰/۱۲۵

۲۴ - مجموع مربعات خطای در مدل $y_{ij} = \mu + \alpha_i + \beta x_{ij} + \varepsilon_{ij}$ متغیر کمکی است در چه حالت نسبت به مدل $y_{ij} = \mu + \alpha_i + \varepsilon_{ij}$ کمتر یا مساوی است؟

الف) وقتی $\beta > 0$ باشد ب) وقتی $\alpha = 0$ باشد ج) همواره

۲۵ - در تحلیل کوواریانس با پنج گروه و چهار متغیر کمکی و ده تکرار در هر گروه، درجه آزادی خطای برابر است با:

د) ۳۵

ج) ۴۶

ب) ۴۵

الف) ۴۱

۲۶ - در تحلیل واریانس یک طرفه با سه گروه و هفت تکرار، میانگین نمونهای گروههای ۱، ۲ و ۳ به ترتیب ۵، ۲ و ۳ و میانگین مربعات خطای $MSE = ۸$ به دست آمده است. آماره آزمون برای $H_0: \mu_1 = \mu_2 = \mu_3 = 0$ برابر است با:

د) ۱۴

ج) $\frac{5}{14}$ ب) $\frac{1}{2}$

الف) ۲

۲۷ - در رگرسیون چندگانه با هشت متغیر توضیحی و $n = 100$ نفر برای آزمون $H_0: \beta_1 = \beta_2 = \dots = \beta_8 = 0$ توزیع آزمون تحت فرض مقابله ناپذیری حداقل دو تا از ضرایب رگرسیون، عبارت است از: (λ پارامتر غیر مرکزی است).

الف) $F(8, 91, \lambda)$ ب) $F(8, 92, \lambda)$ ج) $F(8, 92, 0)$

۲۸ - در رگرسیون لجستیک متغیر پاسخ دیابت (۱=بیمار و ۰=سالم) بوده و متغیر مستقل سطح تحصیلات (۴=دانشگاهی، ۳=دیپلم، ۲=ابتدایی، ۱=بی‌سواد) به صورت کمی فاصله‌ای وارد مدل شده است. ضریب رگرسیون

تحصیلات $-1 = \hat{\beta}$ به دست آمده است. نسبت شانس بی‌سواد بودن نسبت به تحصیلات دانشگاهی برای ابتلاء

دیابت عبارت است از:

د) $e^{-\hat{\beta}}$ ج) $e^{\hat{\beta}}$ ب) $e^{\hat{\beta}}$ الف) $e^{-\hat{\beta}}$

۲۹ - در مدل رگرسیونی $y_i = \beta x_i + \varepsilon_i$ که در آن ε_i دارای توزیع یکنواخت در فاصله $(1, 0)$ می باشد. برآورد حداقل مربعات β کدام است؟

د) $\frac{\sum(Y_i - \bar{Y})^2}{\sum(X_i - \bar{X})^2}$ ج) $\frac{\sum Y_i}{\sum X_i Y_i}$ ب) $\frac{\sum X_i Y_i}{\sum X_i^2}$ الف) $\frac{\sum X_i}{\sum X_i^2}$

- در مدل رگرسیون خطی ساده $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ که ε_i ها خطای تصادفی با واریانس یکسان σ^2 باشد واریانس b کدام است؟

(د) $\frac{1}{\sum x_i^2}$

(ج) $\frac{\sigma^2}{\sum y_i^2}$

(ب) $\frac{\sum y_i}{\sum x_i}$

(الف) $1 + \frac{1}{\sum x_i}$

- در مدل رگرسیون خطی $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ ، $i=1, 2, \dots, 10$ ، ε_i ها مستقل و دارای واریانس مشترک σ^2 میباشند. اگر $\sum x_i = 20$ و $\sum x_i^2 = 42$ باشد، آنگاه $\text{cov}(\hat{\beta}_0, \hat{\beta}_1)$ برابر است با:

(د) $-2\sigma^2$

(ج) $-\frac{2}{3}\sigma^2$

(ب) $-\sigma^2$

(الف) $-\frac{1}{2}\sigma^2$

- در رگرسیون $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$ باشد، مقدار $SS_{yx} = r_{yx} / \lambda$ و $SS_y = 12 / 5$ رگرسیون چقدر است؟

(د) ۱۰

(ج) ۸

(ب) ۴

(الف) ۱

- رابطه رگرسیونی بین متغیرهای تصادفی توان (X, Y) بر اساس n زوج مشاهده، به صورت روابط زیر است:

$$X = 3 + \frac{1}{3}Y \quad \text{و} \quad Y = 11 + \frac{4}{3}X$$

ضریب همبستگی تقریبی بین X و Y کدام است؟

(د) ۰/۷۸

(ج) ۰/۶۷

(ب) ۰/۳۳

(الف) ۰/۲۲

- با توجه به جدول زیر مقدار R^2 برای مدل $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{1i} + \beta_2 x_{2i} + \varepsilon_i$ کدام است؟

منبع تغییرات	X_1	$X_2 X_1$	X_1, X_2	خطا
SS	۸۸۲	۷۰۰	۱	۲۲۵

(د) $\frac{7}{8}$

(ج) $\frac{5}{8}$

(ب) $\frac{3}{8}$

(الف) $\frac{1}{8}$

- در تحلیل داده‌های تکراری، اگر فرض کرویت برقرار نباشد، درجه آزادی خطای همواره چه تغییری می‌نماید؟

(الف) دقیقا یک درجه کاهش می‌یابد

(ب) کاهش می‌یابد

(ج) حداقل یک درجه کاهش می‌یابد

(د) حداقل یک درجه افزایش می‌یابد



۳۴ - رگرسیون خطی $y = \beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \epsilon$ واریانس σ^2 به ترتیب ۴ و ۳۶ و ۱۶ به دست آمده است. متغیرهای پاسخ و توضیحی مقادیر استاندارد شده (Z-Score) هر کدام از آنها را در محاسبات وارد کنیم ضرایب مدل جدید عبارت خواهد بود از:

$$\hat{\beta}_1 = \frac{2}{3} \text{ و } \hat{\beta}_2 = -\frac{1}{3} \quad \text{(الف)}$$

$$\hat{\beta}_1 = \frac{3}{2} \text{ و } \hat{\beta}_2 = -2 \quad \text{(ب)}$$

$$\hat{\beta}_1 = \frac{1}{6} \text{ و } \hat{\beta}_2 = -\frac{1}{6} \quad \text{(ج)}$$

$$\hat{\beta}_1 = \frac{1}{3} \text{ و } \hat{\beta}_2 = -\frac{1}{3} \quad \text{(د)}$$

۳۷ - در یک رگرسیون لگ خطی برآش شده به یک جدول توافقی با سه متغیر دو حالتی اگر ۸ پارامتر وارد مدل شده باشد، باقیماندهای مدل مساوی و برابر است با:

$$d) 8 \times 2$$

$$g) 8 \times 3$$

$$b) \frac{1}{3}$$

$$(f) صفر$$

۳۸ - در مدل رگرسیونی $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \beta_2 x_{i2} + \epsilon_i$ اگر بخواهیم فرضیه $H_0: \beta_1 = \beta_2 = 0$ را (در مقابل $\beta_1 \neq \beta_2$) هر دو برابر صفر نمی‌باشند: H_1 آزمون کنیم،تابع ملاک آزمون کدام است؟

$$F = \frac{\frac{SSR(X_2 | X_1)}{2}}{\frac{SSE(X_1, X_2, X_3)}{n-4}} \div MSE(X_1, X_2, X_3) \quad \text{(الف)}$$

$$F = \frac{\frac{SSR(X_1 | X_2)}{2}}{\frac{SSE(X_1, X_2, X_3)}{n-4}} \div \frac{SSE(X_1, X_2, X_3)}{n-4} \quad \text{(ب)}$$

$$F = \frac{\frac{SSR(X_1 | X_3)}{2}}{\frac{SSE(X_1, X_2, X_3)}{n-4}} \div \frac{SSE(X_1, X_2, X_3)}{n-4} \quad \text{(ج)}$$

$$F = \frac{\frac{SSR(X_2 | X_1)}{2}}{\frac{SSE(X_1, X_2, X_3)}{n-4}} \div MSE(X_1, X_2, X_3) \quad \text{(د)}$$

۳۹ - در مدل خطی (I) $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \epsilon_i$ وارد X_2 است. متغیر مستقل جدید $R^2 = 0.2$ و $i = 1, 2, \dots, 10$ است. مدل شده و مدل جدید (II) با $R^2 = 0.6$ به دست می‌آید. کدام گزینه درست است؟

$$MSE(II) = \frac{1}{2} MSE(I) \quad \text{(الف)}$$

$$MSE(II) = \frac{1}{3} MSE(I) \quad \text{(ب)}$$

$$MSE(I) = \frac{4}{7} MSE(II) \quad \text{(ج)}$$

$$MSE(II) = \frac{4}{7} MSE(I) \quad \text{(د)}$$



د) $0 \leq h_{ii} < 1$

ج) $0 < h_{ii} \leq 1$

ب) $0 \leq h_{ii} \leq 1$

الف) $\sum_{i=1}^n h_{ii} = n$

۴۱ - در مدل رگرسیون چندگانه $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_{i1} + \dots + \beta_k x_{ik} + \varepsilon_i$ و ε_i ها مستقل دارای واریانس مشترک σ^2 هستند، در مورد $\text{cov}(y_i, y_j) = \hat{\beta}_0 - \hat{\beta}_i$ چه می‌توان گفت؟

د) بستگی به داده‌ها دارد

ج) همواره منفی است

ب) همواره صفر است

الف) همواره مثبت است

۴۲ - در یک مدل خطی با متغیرهای مستقل X_1 و X_2 مجموع توان‌های دوم خطای $SSE = 180$ بـه دست آمده است. وقتی متغیر X_2 را نیز وارد مدل می‌کنیم، مجموع توان‌های دوم برابر ۶ می‌شود، ضریب تعیین جزئی متغیر پاسخ نسبت به X_2 تقریباً عبارت است از:

د) ۹۲/۵ درصد

ج) ۹۶/۵ درصد

ب) ۹۰ درصد

الف) ۸۸ درصد

۴۳ - در جدول زیر فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای لگاریتم نسبت شانس ($\ln(OR)$) عبارت است از ($z = ۲$ در نظر بگیرید):

	بیمار	سالم
مواجهه داشته	۵۰	۲۰۰
واجهه نداشته	۱۰۰	۲۰۰

د) $\ln(\frac{1}{2}) \pm ۰/۴$

ج) $\ln(\frac{1}{2}) \pm ۰/۲$

ب) $\ln(\frac{1}{2}) \pm ۰/۰۸$

الف) $\ln(\frac{1}{2}) \pm ۰/۰۴$

۴۴ - در مطالعه‌ای که برای بررسی تاثیر دو داروی A و B روی کاهش فشار خون سیستولیک انجام شده است مقادیر میانگین فشار خون قبل از درمان در دو گروه A و B به ترتیب ۱۶۰ و ۱۸۰ و بعد از درمان به ترتیب ۱۳۰ و ۱۵۰ میلی‌متر جیوه به دست آمده است. برای مقایسه نتایج درمان کدام یک از روش‌های زیر مناسب‌تر است؟

الف) آزمون تی

ب) آنالیز واریانس اندازه‌های تکراری

ج) آزمون تی زوجی

د) آنالیز کوواریانس

۴۵ - در یک طرح بلوک ناقص متعادلی، اگر تعداد درمان برابر ۵ و حجم بلوک برابر ۳ باشد، کدام مورد صحیح است؟

الف) هر درمان با هر درمان دیگر، دقیقاً ۳ بار رخ می‌دهد.

ب) هر درمان با درمان دیگر، دقیقاً ۵ بار رخ می‌دهد.

ج) هر درمان در هر بلوک، ۳ بار رخ می‌دهد.

د) هر درمان در هر بلوک، ۵ بار رخ می‌دهد.

- ۴۶ - در مدل رگرسیون $y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \epsilon_i$ می‌باشد شرط آنکه هر دو پارامتر β_0 و β_1 مستقل باشند، آن است که:
- (د) $\beta_1 = 0$
 - (ج) $\beta_1 \neq 0$
 - (ب) $\beta_1 = 1$
 - (الف) $\beta_1 = 0$
- ۴۷ - قصد طراحی یک طرح بلوک ناقص تصادفی متعادل با ۴ نوع درمان در بلوک‌های به حجم ۳ را داریم. تعداد بلوک‌های مورد نیاز چند تا می‌باشد؟
- (د) ۳
 - (ج) ۶
 - (ب) ۵
 - (الف) ۴
- ۴۸ - یک طرح دو عاملی کامل با اندازه‌گیری تکراری بر روی هر دو عامل را در نظر بگیرید. اگر هر دو عامل A و B ثابت باشند، تعداد اثرات تصادفی در مدل آنالیز واریانس چند تاست؟
- (د) ۴
 - (ج) ۳
 - (ب) ۲
 - (الف) ۱
- ۴۹ - سه عامل A، B و C را در یک طرح Cross-nested در نظر بگیرید که عامل C درون A لانه گزیده است (Nested). در صورت وجود اثر متقابل A و B در زمانی که سطوح A، B و C برابر و مساوی ۲ و تعداد تکرار برابر ۳ باشد، درجه آزادی خطای مدل چقدر است؟
- (د) ۱۶
 - (ج) ۶
 - (ب) ۳
 - (الف) ۲
- ۵۰ - در یک مدل رگرسیون لجستیک با ۴ متغیر پیشگو دو حالتی با ۸۰ مشاهده، هر باقیمانده معمولی مدلی، چند مقدار متفاوت می‌تواند داشته باشد؟
- (د) ۷۶
 - (ج) ۷۵
 - (ب) ۳
 - (الف) ۲
- ۵۱ - آماره دوربین داتسون برای داده‌های زیر کدام است؟
- | | | | | |
|-------|---|---|----|----|
| i | ۱ | ۲ | ۳ | ۴ |
| e_i | ۱ | ۰ | -۱ | -۲ |
- (د) -۱
 - (ج) $\frac{3}{2}$
 - (ب) $\frac{11}{4}$
 - (الف) $\frac{1}{2}$
- ۵۲ - اگر A نوع جراحی (۲ سطح)، B نوع بیماری (۲ سطح) و C بیمارستان محل جراحی (۳ مکان) باشد. به منظور ارزیابی اثرات A، B و AB، در روز اول در بیمارستان ۱، در روز دوم در بیمارستان ۲ و در روز سوم در بیمارستان ۳، ترکیب‌های مختلف A و B را اعمال می‌نماییم. نوع طرح کدام است؟
- (الف) عاملی (Factorial)
 - (ب) بلوک‌های تصادفی (Random Blocks)
 - (ج) اندازه‌گیری‌های تکراری (Repeated Measurements)
 - (د) کرت‌های خرد شده (Split Plots)



۵۱- یسه زن دو داروی A و B به منظور درمان یک نوع سرطان انجام شده است. برای این داروهای از زوج های همسان شده از بیماران انتخاب و یکی از اعضای هر زوج به تصادف داروی A و دیگری داروی B دریافت کرده است. در طول پنج سال پیگیری هر دو زوج، ۱۵ زوج زنده و ۲۵ زوج فوت کرده اند. مقدار تقریبی آماره آزمون برای مقایسه دو دارو کدام است؟

د) ۱۶

ج) ۴

ب) ۰/۲۵

الف) ۲/۵

۵۲- فرضیه صفر در آزمون من ویتنی دقیقاً چیست؟

الف) برابری میانه ها در دو گروه

ب) برابری میانگین ها در دو گروه

ج) یکسان بودن توزیع ها در دو گروه

د) یکسان بودن واریانس ها در دو گروه

۵۳- اگر در مدل رگرسیون، باقیمانده ها خود همبسته مشبت باشند، برآورد پارامترهای مدل با استفاده از روش حداقل

مربعات معمولی:

الف) ناریب می باشد و کمترین واریانس را دارد

ب) ناریب می باشد و تضمینی ندارد که کمترین واریانس را داشته باشد

ج) اریب می باشد و کمتری واریانس را دارد

د) اریب می باشد و تضمینی ندارد که کمترین واریانس را داشته باشد

تحلیل چند متغیره

۵۴- جهت مقایسه میانگین های نمونه ای P متغیره، در k جامعه مستقل، به شرط برقرار بودن مفروضات پایه ای، کدام آماره توصیه نمی شود؟

Wilks-Lambda

Lawley-Hotteling

ج) Pillai

ب) Roy

الف)

۵۵- مقدار ماکزیممتابع $A'Ax$ را در جایی که $A = \begin{bmatrix} 9 & -2 \\ -2 & 6 \end{bmatrix}$ و اندازه بردار x برابر با یک باشد برابر است با:

د) ۱۵

ج) ۵

ب) ۱۰

الف)

۵۶- کدام گزینه در خصوص خوش بندی درست است؟

الف) در مرحله اول الگوریتم سلسله مراتبی تراکمی (Agglomerative) تنها یک خوش کلی وجود دارد.

ب) الگوریتم سلسله مراتبی تراکمی تا رسیدن به خوش های تکی ادامه پیدا می کند.

ج) در مرحله اول الگوریتم سلسله مراتبی تقسیم کننده (Divisible) تنها یک خوش کلی وجود دارد.

د) در الگوریتم سلسله مراتبی تقسیم کننده، تعداد خوش ها در مراحل بعدی کمتر خواهد شد.



رشته: آمار زیستی

$$\bar{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \end{pmatrix} \text{ و } \Sigma = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$H_0: \mu = \begin{pmatrix} 0.5 \\ -0.5 \end{pmatrix}$$

۰/۲۵

۲/۵

۱۲/۵

۱/۲۵

۶۰ - اگر X یک متغیر تصادفی سه متغیره از توزیع نرمال با میانگین μ و ماتریس واریانس کواریانس Σ به شکل زیر باشد:

$$\Sigma = \begin{pmatrix} 2 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 2 \\ -1 & 2 & 3 \end{pmatrix}$$

$$c = \begin{pmatrix} 2 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ و } b = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ 1 \end{pmatrix}$$

-۴

-۲

۴

۲

باشد آنگاه کواریانس $b'X$ و $c'X$ برابر است با:

۶۱ - کدام یک از گزینه‌های زیر در خصوص پیوندهای موجود در الگوریتم خوشبندی نادرست است؟

الف) در پیوند تکین (Single Linkage) شباهت گروه‌ها بر اساس فاصله بین دورترین عناصر آن‌ها با یکدیگر تعیین می‌گردد.

ب) در پیوند کامل بیشترین فاصله بین اعضای یک گروه با اعضای گروه دیگر ملاک فاصله بین دو خواهد بود.

ج) در پیوند متوسط، فاصله بین دو خواهه بر اساس متوسط فاصله بین اعضای دو خواهه با یکدیگر تعیین می‌گردد.

د) در پیوند متوسط، فاصله دو خواهه بر اساس متوسط فاصله پیوند تکین و پیوند کامل خواهد بود.

۶۲ - کدام گزینه در خصوص همبستگی کانونی (Canonical Correlation) نادرست است؟

الف) بزرگترین ضریب همبستگی متغیرهای گروه اول با متغیرهای گروه دوم برابر با بزرگترین همبستگی کانونی است

ب) زوج متغیر کانونی i ام، از زوج متغیر کانونی j ام برای ($i < j$) مستقل است

ج) متغیرهای کانونی دارای واریانس یک هستند

د) مقادیر ضریب همبستگی کانونی با استاندارد کردن متغیرها تغییر نخواهند کرد

۶۳ - اگر مولفه‌های اصلی، ترکیبی خطی از X_1 و X_2 به شکل زیر باشند:

$$C_1 = a_{11}X_1 + a_{12}X_2$$

$$C_2 = a_{21}X_1 + a_{22}X_2$$

در این صورت کدام گزینه زیر نادرست است؟

الف) $Var(C_1) \geq Var(C_2)$

ب) N مقدار C_1 و C_2 به هم وابسته نیستند

ج) میانگین C_1 و میانگین C_2 مثبت است.

$$a_{11}' + a_{12}' = a_{21}' + a_{22}' = 1$$

- ب) آنالیز واریانس چندمتغیره
- ج) تحلیل عاملی
- د) تحلیل خوش‌آمد

۶۵ - اگر ماتریس واریانس کوواریانس بین خوش‌آمد و خطأ به ترتیب H و E باشد، کدام یک از معیارهای زیر را می‌توان جهت تخصیص مشاهدات در تحلیل خوش‌آمد به کار برد؟

- الف) $\max(\text{tr}(E^{-1}H))$ ج) $\min(\text{tr}(E^{-1}H))$ ب) $\max|E|$ د) $\max(\text{tr}(E))$

۶۶ - کدام یک از گزینه‌های زیر در آنالیز خوش‌آمد با استفاده از روش Ward درست است؟

- الف) یک روش خوش‌بندی غیرسلسله مراتبی است.
- ب) از معیار فاصله برای عدم تشابهات استفاده می‌کند.
- ج) از معیار مجموع مربعات به جای معیار فاصله استفاده می‌کند.
- د) اندازه خوش‌آمد تاثیری در به کارگیری روش Ward ندارد.

۶۷ - اگر $(Y_p, \dots, Y_1) \sim N_p(\mu, \Sigma)$ و $Y' = (Y_1, Y_2, \dots, Y_p)$ باشد، کدام یک از عبارات زیر درست است؟

- الف) YY' دارای توزیع X^* با P درجه آزادی است.
- ب) YY' دارای توزیع ویشارت با P درجه آزادی است.
- ج) $Y'Y$ دارای توزیع X^* نامرکزی است.
- د) $Y'Y$ دارای توزیع ویشارت با P درجه آزادی است.

۶۸ - در تحلیل عاملی تاییدی، اگر نرمال بودن توزیع داده‌ها برقرار نباشد، آنگاه کدام یک از موارد زیر تحت تاثیر قرار

نمی‌گیرد؟

- الف) آماره کای-دو
- ب) خطای معیار برآورد پارامترها
- ج) پارامترهای برآورده شده
- د) کشیدگی توزیع چند متغیره داده‌ها

۶۹ - در تحلیل عاملی، زمانی بارهای ساختار (Structure Loadings) و بارهای الگو (Pattern Loadings) برابرند که:

- الف) مدل عاملی متعامد (Orthogonal) باشد
- ب) عامل‌ها همبسته باشند
- ج) مدل عاملی نامتعامد باشد
- د) تعداد عامل‌ها برابر با تعداد متغیرهای مشاهده شده باشند

۷۰ - کدام مورد زیر در ارزیابی روایی بیرونی (External Validity) تابع تشخیص (Discriminant Function) کاربرد ندارد؟

- الف) روش هلداوت (Holdout)
- ب) روش U
- ج) روش بوت استراتاپ
- د) میزان خطأ

- ۷۱ - کدام یک از توابع زیر دارای توزیع نمایی با پارامتر یک می‌باشد؟
- الف) تابع بقا ب) تابع خطر ج) لگاریتم تابع خطر د) تابع تجمعی خطر

۷۲ - در مدل لگ لجستیک که تابع بقای آن به صورت $S(t) = \frac{1}{1 + \lambda t^P}$ می‌باشد میانه زمان بقا کدام است؟

- الف) λ^P ب) $\frac{1}{\lambda^P}$ ج) $\frac{1}{\lambda^{\frac{1}{P}}}$ د) $\frac{P}{\lambda^P}$

۷۳ - اگر مدل رگرسیون برای متغیر جنسیت به صورت $h(t) = Pt^{P-1} \exp(1 + \beta_0 + \beta_1 \text{Sex})$ داشته باشیم آنگاه تابع خطر مبنای برای این مدل برابر است با:

- الف) Pt^{P-1} ب) ePt^{P-1} ج) $P^{e+\beta_1} t^{P-1}$ د) et^P

۷۴ - تابع خطر غیرشرطی مدل شکنندگی گاما برابر است با:

الف) $\frac{h(t)}{1 + \theta \ln(S(t))}$ که در آن θ انحراف معیار توزیع گاما است

ب) $\frac{h(t)}{1 + \theta \ln(S(t))}$ که در آن θ واریانس توزیع گاما است

ج) $\frac{h(t)}{1 - \theta \ln(S(t))}$ که در آن θ انحراف معیار توزیع گاما است

د) $\frac{h(t)}{1 - \theta \ln(S(t))}$ که در آن θ واریانس توزیع گاما است

۷۵ - کدام گزینه در مورد مدل وایبول درست نیست؟

الف) فرض AFT و PH برای آن همواره برقرار است.

ب) رابطه بین $\ln(-\ln S(t))$ و $\ln t$ خطی است.

ج) تابع خطر یکنوا یا ثابت است.

د) رابطه بین $\ln(-\ln S(t))$ و t خطی است.

۷۶ - به منظور بررسی تاثیر سن روی عود یک بیماری، متغیر سن به چهار گروه دسته بندی شد و سطح اول آن به عنوان گروه مبنای در نظر گرفته شد. چنانچه برآورد نتایج مدل خطر متناسب به صورت زیر باشد، مقدار خطر نسبی عود برای گروه سنی چهارم در برابر گروه سنی سوم برابر است با:

گروه	برآورد
سن	ضریب
Age-1	-
Age-2	+0.47
Age-3	+0.980
Age-4	+1.26

- الف) $e^{+1.26} - e^{-0.98}$ ب) $e^{+1.26} - 1$ ج) $e^{+1.26}$ د) $e^{-0.98}$

- گزینه مورد مدل های شکنندگی مشترک (Shared Frailty) نادرست است؟

- ب) جهت به حساب آوردن همبستگی داخل خوشه ها است
- ج) واریانس اثر شکنندگی، یک اندازه از درجه همبستگی است
- د) فرض متناسب بودن خطر را در مدل کاکس تغییر نمی دهد

۷۸ - در تحلیل خطرات رقابتی کدام گزاره در مورد **Cumulative Incidence Curve (CIC)** نادرست است؟

- الف) از تابع خطر علی - اختصاصی (Cause-Specific) به دست می آید
- ب) همواره معادل KM-1 است (کاپلان - مایر: KM)
- ج) برآورد احتمال حاشیه ای است
- د) نیاز به فرض استقلال خطرات رقیب نیست.

۷۹ - در تحلیل حادثه بازگشتی (Recurrent Event) زمانی که پیش آمد ها فرقی نداشته باشند، کدام روش نیاز به مدل خطر متناسب (PH) استاندارد دارد؟

- الف) حاشیه ای
- ب) فرایند شمارشی طبقه ای
- ج) فرایند شمارشی
- د) زمان گپ (Gap Time)

۸۰ - اگر $X(t)$ اندازه فشار خون فرد در زمان t و تابع مخاطره به صورت $h(t) \exp(-\beta X(t))$ باشد در این صورت عدد ۵٪ نشان دهنده:

- الف) اثر فشار خون در پایان مطالعه است
- ب) اثر فشار خون در هر یک از زمان های اندازه گیری فشار خون است
- ج) اثر کلی فشار خون در طی مطالعه است
- د) متوسط اثر فشار خون در زمان ابتدا و انتهای اندازه گیری است

۸۱ - اگر مقدار لگاریتم درست نمایی جزئی در یک مدل بقاء دو طبقه ای، بدون وجود اثر متقابل متغیر طبقه بندی شده و با وجود اثر متقابل متغیر طبقه بندی شده به ترتیب برابر با ۵۹-۵۵- باشد. در این صورت:

- الف) لازم است از مدل بدون اثر متقابل استفاده شود
- ب) لازم است از مدل های جدا برای هر طبقه استفاده شود
- ج) لازم است از مدل طبقه ای با فرض PH یکسان در هر طبقه استفاده شود
- د) لازم است از مدل طبقه ای استفاده شود اما فرقی نمی کند که مدل با اثر متقابل و یا بدون اثر متقابل باشد

۸۲ - کدام یک از گزینه های زیر در مورد باقیمانده های مدل کاکس نادرست است؟

- الف) جمع باقیمانده های Schoenfeld برابر صفر است.
- ب) مقدار باقیمانده های Schoenfeld برای افراد سانسور شده صفر است.
- ج) از باقیمانده های مارتینگل برای فرض خطی بودن اثر متغیر های پیوسته استفاده می شود.
- د) باقیمانده های استاندارد شده Schoenfeld برای بررسی فرض خطی متناسب مناسب نیستند.



- ۱۹ - یک کیب‌های زیر در اجرای یک کارآزمایی بالینی تمام عیار (Full scale) به صورت مبتکل صحت (الف) مداخله - داشتن گروه کنترل - تصادفی‌سازی
(ب) مداخله - کورسازی - تصادفی‌سازی
(ج) مداخله - کورسازی - داشتن گروه کنترل - تصادفی‌سازی
(د) کورسازی - داشتن گروه کنترل - تصادفی‌سازی

۹۰ - اگر بخواهیم یک دارو یا روش درمانی در جامعه برای درمان بیماری خاصی ارایه شود باید حداقل

- (الف) مرحله یک و دو کارآزمایی بالینی اجرا شود
(ب) فقط مرحله سه کارآزمایی بالینی اجرا شود
(ج) مرحله یک، دو و سه کارآزمایی بالینی اجرا شود
(د) فقط مرحله دو کارآزمایی بالینی اجرا شود

۹۱ - در یک کارآزمایی بالینی قصد داریم چهار تحلیل فی‌مابینی (Interim Analysis) در مراحل پایش انجام دهیم. اگر مقدار $\alpha = 0.1 / 0.1$ باشد مقدار P-Value حداکثر چه عددی باشد تا بتوان معنی داری در اختلاف گروه‌ها را پذیرفت؟

- (الف) ۰.۰۵
(ب) ۰.۰۱
(ج) ۰.۰۰۲۵
(د) ۰.۰۰۳

۹۲ - در مراحل تدوین منشور مطالعه در یک کارآزمایی بالینی محقق مکلف است که:

- (الف) فقط شیوه کارآزمایی در رابطه با هر یک از بیماران و زمینه‌ها و انگیزه‌ها و اهداف انتخاب طرح مطالعه را مشخص کند
(ب) فقط شیوه انتخاب بیماران و نحوه تعیین پاسخ اصلی را مشخص کند
(ج) فقط شیوه انتخاب بیماران و نحوه تعیین پاسخ او را مشخص کند
(د) فقط زمینه‌ها و انگیزه و اهداف مطالعه را مشخص کند

۹۳ - محققی قصد دارد در یک کارآزمایی بالینی دو گروهی در بیماری سرطان سینه، زمان بقاء و شدت درد را تعیین کند. از نظر صحت، داده‌های حاصل به ترتیب داده‌های

- (الف) ارزیابی بالینی بیمار - نظر بیمار است
(ب) واقعی - اندازه‌گیری شده است
(ج) اندازه‌گیری شده - نظر بیمار است
(د) واقعی - نظر بیمار است

۹۴ - در چه صورتی استفاده از شاهدهای تاریخی در کارآزمایی بالینی می‌تواند مفید باشد؟

- (الف) بیماری غیرنادر ولی مزمن باشد
(ب) بیماری نادر باشد
(ج) طرح مطالعه متقطع نباشد
(د) بیماری غیرنادر ولی مزمن بوده و بودجه کافی نداشته باشد

۹۵ - محققی قصد دارد یک روش درمانی غیرتھاجمی را جایگزین یک روش تھاجمی در درمان بیماری سرطان سینه بکند. اگر نسبت موفقیت روش تھاجمی ۵۰ درصد باشد و روش غیرتھاجمی را وقتی می‌پذیریم که حداکثر ۵۰ درصد کاهش موفقیت داشته باشد، با اطمینان ۹۵ درصد و توان ۸۰ درصد تعداد نمونه در هر گروه چند نفر است؟

- (الف) ۷۸۴
(ب) ۴۰۰
(ج) ۲۰۰
(د) ۱۰۰
- $$Z_{0.05} + Z_{0.01} = 8$$

